

Homework 3: Bonus Questions

Due date: Wednesday, March 22nd 11:30 AM

Bonus 1 (5 points)

Here is an RSA key $e = 7$ and $N =$

1531271188168889760639313234500463991243361212499120303154549941136951\
1140175737061208256251242149996280402765688724546863706386014328140077\
6261695583072509621958202046007887697065954953709593807392033495541019\
1573789423402917903976949180388200599608641115361296111345001555518677\
9488350474891073383509688150021560677751987491408124565967654780889276\
0002036488035954789372070897419025754821123220356086270572200004142528\
1921843288303527725678587675415616409549306293214979390613390934624537\
4859091887472634640137623490078217548677665720504277127989170569399951\
7409892863213094519822828074316478711814883399430115045684291732095216\
1724802963943438093887133806737836311955334695064521918286072220570399\
0884974661678218360555545339227535174393743307642579868335354378560329\
5092181012057946300634151503898564879247008451914847405783463564538656\
1511075934681704416354072033459984256435669404508981126918739397182954\
2069208629733351365689844964293817099953186356848320146684918305586382\
2106071239918348340794145893823643848259582267764807438460332844710068\
7565426590712289220715628217005374625928444980252592548388829725767783\
3790678509679429471116991756096617387482097607223760004602513693230610\
3840633661646531523782724299943770906304994659980384793109015159118748\
7136524814231880161633093713317617979053414551218602231859226145610821\
4069416219176982390067704289395116098158575380523079053849437721975736\
8306829753807996809814623869090056689929308616544663124238289162259078\
8272909098644577822410770241985929796275827297427895016688006797932834\
4727730104055466176547731119999559605968595159144997216125211764171328\
9612866466490383088335943705212209790131735484862264089281092014728732\
6971048485538137988346364361501379441464684631809123611799761300621817\
6725195094692874501404159943875893162500612389658707467920854620069595\
4783057019960068604269515335559144722968378550495992166872369429180865\
5932233781152919055117388429679447852779518314611579274360936930115328\
4969814588819185321222843235085653388268224861795836778444061983631112\
0502038229845474940505618152531549758698776935407811338457920971820137

Here is a (plain) RSA signature of $50 \in \mathbb{Z}_N^*$. In particular, let d be the secret key such that $ed = 1 \pmod{\phi(N)}$. Then $50^d \pmod N =$

3972730394495609583080391516281559396520892248458075309824259896793738\

2139732512707378087522283646067590182284901915867191820513045351242993\
5490423804539049608063724673872280290295521205966550879214156939198566\
9271808934094374493949451876527995021743079417988885064634790180281244\
2024063321056905226651386958081338812650565399756615135152049959297152\
3848882981712076288581018295881154991611398366643061433894976670472113\
4215936782800725087453060478209640156153803853199682335018757664843279\
6617904893137238918323787548884599373100852545392971074332512840924627\
8331122430424302154088630882396394810432732823403328559947106507070536\
2187779494369115258325081092701375198227026828006107879586782510189770\
0376785336778985777801537069280049413096495400541852809401049360461645\
0708989698922339616662791939359918875140782521016507690173210243148735\
9891049919784969589274587055985264968057232416104411966070229295150420\
9258768417647925249481385131910303427576898637640560221685285500381153\
8231499394058674124029041502546623270883508231134875623306860315544750\
5104672223334926986600623114301834064551146637540445735951808363266715\
5300781096536274478248618786358104073940269782344019231609189752338007\
1168960236340449120049838828466621867555186989187721182970235657322946\
5574667493062530459528140191808705275659766753755845588995526520350294\
4587399708497821912221730767172710343106998470626023829185078990756414\
0621549240756204656136499509053981497941284466895676142358263980920702\
2351689876955711200351559485832068372324535886911205472355312566971257\
8614046620882288968367302753852332103479186028911161741228845575137257\
1052711117195646916141362319539477492337033072258544553345210552246088\
8141785794658148002047453286848176549629026550447249256633818790487288\
5339432156389382330653014993239136959122726061191292711448714360375668\
5219162345351253388370936487056420891247609583445633978885887537867842\
3442450406737447220017989383119159518494746782551673602727732632938672\
6296360473790635130732988585597540255054917449969614918168451478697928\
189093068140432361820031469081624510767462321174553882505719451031361

Find a signature of the number $6400 \in \mathbb{Z}_N^*$.

Bonus 2 (5 points)

We encrypted a secret message $m \in \mathbb{Z}_N^*$ under 7 RSA keys. The public keys are (e_i, N_i) for $i \leq 7$ and we have $e_i = 7$ for each i . $\{N_1, \dots, N_7\}$ are given as follows:

{188654300494228432501863804865506018875837483818234048370861024739303\
3662502575110936250640531979522197024635590922564740957401921702581432\
9718739604834415166954622608637300399811316519822636925373102752040278\
8027592847693314679582478504822839682023399729234604710762114542953661\
0950606074713564169269466510008815603230190171749893229962142970622581\
5210531966296749528514522495931642001799238576784551067351225956817792\
9573569584528776113956989103095898465909058356325580686108452421790417\
3545715728957568539014090084984266340251266462914188613698239180699737}

1289730358952718558740681208803658259474860788240765161388086959627336\
9386881600401678309613019183155684254272399904676878022261270054731334\
1065401722301893406679305012819520104710651151524671468986516317332033\
1477733191768351932857170002888417747980517445536987838771254398641019\
5492740717779184846004710022832906884989400919632471029725367701883663\
2617972712743274085742962665489652206988412134910669061377145905973808\
9949261348198273980198793846307765684323489558647298640139136841855600\
3202055961423071584050396537881532655372856016515811342695867184556109\
2689759519460951783522401004613314073117714831526277021341921176735738\
2739140984169582633596899901952011305007694469029129685614787476435998\
5310111777956185742464522805450291265230703349314718089292987971763742\
2442519968365881528714803505995415828821529994044363835573473554250580\
8909993186591823224252688191398280950374060468252536835665753403941131\
3629621280695026405339931265258381800138414094754848895758835695900966\
5612300691678037413936462240934687808901418462565651686437521241095602\
1286599840786950507173204953848026965139152991930005297779711452314254\
7557931703651197722197072956747659505604076426368030465827968282662327\
6120964319888648097798712967468050815577176784632031771817646514739295\
6582347474030409310170900503495482410199721305294962745643067471318157\
2205607279868444890531510105270310965346075024899492328723379304286001\
2107232310249706780237043619203672520121146429233039644411802542517443\
1605313950511238305184467443730729187912124255874194077381337897055522\
3, 2345523985056152869638177490620084924246520380223583892359458707746\
7634109759945346314478886298396754870558104848344865165687654439597333\
2573719164329695243040235017268567002702797086488266990759560598224761\
0974829887544503742010799119954433093397117406339922258606634643329451\
1130538656593518622101578201254965272582324628445268731411108739995998\
3724776219091403198377055317934689388520755732157945485395417460097965\
8301881514328900174349970247351412085366842546553859280298968811425868\
8411416352108878086747965207947338636110840357201182258293426364467642\
2207570569333687465460197279151542427648920027209225275892117369610094\
3790253305045413826574149681718342171129532671690406530893895955900579\
6475525263098171910088503065053800352043982251253465949223772645803977\
5558712145311867348067422260364457414523256027830394988371313519859576\
1385973838615052184693893440836438753988902076310499509574104227862903\
5085518317433760614393683674170198828623355194257811430346691113903531\
0124158427568834041613246010603148758286563334390134490456228389074474\
4264166790785720766472600841242361791836590746803034170160818202958618\
0423542394417759433191816263058800096810654735717828411390874656392785\
2544142381710681054174146130387156472298703751826254304652173954942303\
2204388293711684836068098698038814191542489664176177636691506058300480\
2247519884023314605791897141601208758308965700085073756276004942318530\
5875007970479495218863560312598178341656046949429332045449214353705515\
0149806594080040130972918901713271039628620109586244858402530836860136\
2636736499209217367809574794214979879151452444381995648224125115586738\

1247617460053971010858884366241234470809971917867969907975005787696378\
3380144534713115101445392431206811918862720406833170548640079929272475\
5770650556739705429166510092017289715878301689496736568727106048847990\
6414079250513411806187171367421320354716481865738137416803382590193130\
8526098472826727209129586435691395608809524661436931726916555489090809\
7282414785417251853839992617726506081729503837091374822896140226221422\
9852124680626846558106164925705263346548926305754904575606080727505512\
609, 73917894145559047049024080934208905903667200517728769049665847942\
1839739796333487300336504946480526122737574271301156359789383681800803\
7995341439349714352552384860780387631482944574585340341080061663051518\
5055415518971475492131264602832019072402552978513239497756256398323201\
0746402088183883711692145205092164554390177260598586159947697336421805\
6473882644356289638812239474415594320261990283396369799472729261761494\
1798979455466173055824017342607596089349411476831248624778614875611275\
8116146336754929923949571025383518512867126890476641173140593061780750\
6337922094347146039727548507720675548449314673715294061878655482849199\
8531284182765000925662250746254152857562173657269646448625800515437416\
7877768682539062173127136047924144164532312111995159894621878811312363\
4647708386375178322834741558286083905976153732536561434729913616176681\
7153609728627700873446192971401449422771271352336225624696360334564380\
1393241751817286910675506284080879498280342870170954181170446768394794\
8965950142724534104284477131438286749154088584039099799500548266728916\
3209445349938801808438728639912143997918173873535481744578825913155754\
6222158391399034505889373036346862122113986620974918599608494457081938\
8310562273820066359469877981694505498209852052699395746056035711269838\
6912715201719819932812877426732182771592580669910158888561931536581515\
6718371023290986145033955131311525864145231889132386277537837593173375\
7585946225897704737938711029530054449522519177774184608816895636793720\
6970084287455343379822382690691879261851134521417238633734842898482122\
6565205858417708607128300522234801846478016501220869934416392786158867\
8152886777646068816766820607291335795592104451831635709229853617617673\
0121407610845481720153020099812815014882740853802378583194462603674181\
1854838122620491081772157566875759279344104291583736674882087588671138\
5680045718828338720435760498269222780667706358593937505892652043140520\
1615635980547489184247495041305329894364415575940086637742971898743832\
9045536055620847181742193775129223272200295818659922384521268462403791\
8490980522148375556443777583719369770476734767521901941489894130870981\
91183, 908308406943157357518099398160229511027685022748199254655267904\
0998001489826010263208877498246174999833039227227838866873008930134876\
9779036674573588501786037176136950467348855705429782310432841245571293\
0546413056620102704463957980153158321743449154635777249603096502164582\
5775892473492565746485255816953518810540395794820170437910819521666428\
6020383869390574410297925620241014232414425863838402699333245295874788\
1982361769892057262890418351261110514799251701099261516233499423033806\
2887311416769999558242249072222474278179892491744165321195179204277693\

8087510613257697421848045660360347906215921280356889405885241251712110\
0983905000106290032751366318862497245400575584344049076041996935258008\
8764711301474815634529517339815264651194800357535206631248852074777928\
4923937508332933254903986341732257688578528054749346616996376225358302\
5021224604305940691003624689992637380622662568417668558177493419383490\
1130474879034130418407276320754661681208033667012100647094271604320404\
2874918733899500958497465494084725737396665235766948534620181511430173\
0913745146244037930656357597829505518492211995348014832798699955879247\
6882969524201305715611134783670789053857578032389923959164044516796533\
6761422707836992581086759240962460097481965610195184560182421391622922\
3371796593662361216868715866523122089913388007164310337875390898657959\
0356289959989967700918937211550812766881099658336873487664990704581991\
308582696319573060209536383615935422619628213782592250825323366226518\
9916875907180675787096328534613470340755546050520218153643648894609957\
3077909295318952599764880055480582302122726074810865287051752416587157\
5580549040679139416962483156056451646401600158720157226748362939588765\
8540980692553531954571961690132751142670272829007292226420882740548219\
0660990815688210953147640880990793686157815985068956629011587523042581\
5598706527601440429305921791385333669796923910848489646291563314950443\
9078415382879658638075622974007051502270086682241648093870303365517933\
9531802237497842103169458542187536802106514853904313895751965445960983\
7109407250550612686912144773928931920899761543591489501031983524795278\
4995669, 6351012824349282909954836011797755968421169561291835120957543\
0988109094072078789081100597958247487365210669602832961706661815657749\
0536476403486225615042687113010900605559190844949443459927296970795341\
3794128380177847995153517957446472464676861952940099678564436691644348\
0621798954699409227657595508165657643705168724508190722196288386585817\
7202868323587242207686812141922131102035711977862352181872072865110799\
4466229919542216453811315580499360098926554336506764596200479689753166\
7851384140723887165813701743343562140681112099850542715817794033607571\
4598477449277152538290737667812317737918752974629172866328731594826477\
8080261703785940536409875255956042902380920296145324067710037952493213\
6825572091827026698087302309277011966540188874039389190786304262434014\
2297364903259349653552811818728560593420129465589523371026502626846713\
0874970003694518021618019705768494112501354770041070605356786988346142\
2737039168216272993574410947360429671570764436343173428908688674879665\
7558678086757305923378026003756150553684455374913183336437373300860797\
6196993875845325163650347886648362729218576271069918342855345686640929\
9726101457643990358402141117406212649898767831583521292767225319811371\
6427656813645261040242701241918548500201355247889811001679963350269782\
8246931180764457529319328382568247985118966067895540624843901905543545\
9665054798300984725047000145726075069277657563616031210279376949934576\
4656842306480901642871999488086493571044732365446029190903906024967649\
3222620133884232082882685573189955976371135534608174404277553314613535\
5185445090906793266270850866692298995356614990077517433150975992613045\

8967781194890858265665792463546751019736648363620552639295141154312537\
9892171723204074670915673584095227966460202191832919275671394196583054\
4846604157794757724667261966714690183336685224793512726593157524678383\
6381847156401591313169247211649677576135310918318384058879908850360485\
0721495329912223110376725544116424633918721073352022079748006055958210\
6510545808157247046787520571403331525420311702885600597391908552713451\
4085146242713545318526640037396463239474672591403720750747303293935678\
62079699, \
3172485545615463112786589745084739766532812536326922815807929069298497\
1107252595744113111460959645731809845431216847724557365515363465753362\
5888686766088790497777200358138220937191196981680370065727188921799222\
9474051907423925553732731976373608505983477418813726491056261738147153\
0492825152611005974973307943106880377939980943978453200463684022251354\
7050708952535412060488097944026805895407438889084195628587718596084129\
3838767327790841025873791915245445673177127701271817898943302834631871\
4485418333153072028692289387972090384309690315979045686962479923803628\
0205473574692343433768113131043924704144872074684554094780777575584387\
4463876135640079143788862425062547904759055088540235686242984542868848\
0680466232608429059033674270248094117700740821415852486519734802402752\
4892268050433909169267934899674438131084818467487552311527241424224427\
4043394374132980714032241735092999302462108642147636299863747870208088\
9694474501445520191099190300331547721769623977490377938493374427722430\
9958713723687763885674668991908699387128032445612662621845494519281549\
7902502570861902218754473749630932111281840702371236635025120134459576\
4576407813489181000424924634392245024084596901361612045508359777560709\
5565087552065016486656134740254483241645144676751901733745346076621798\
2140607370842607546470112190776461355175478036974591299058087028671583\
9974979670365379145414851642324018963156076323903720270465744314932720\
9378615101460190870449980194801158633467760024797981191018354858171602\
0339174654763448574658603787180646750545702985476811685204633229665880\
6978113387328449936786324287931109058018874351156035007962731649315473\
0981529310055867309187185020724091522298743115141404738448753632735669\
0896137370538210522893729875255620648949784631517925936156465535559900\
7461619241666606941957474446222146723405458310496271623802831101038246\
6765293481917733934209034262370455673740585278731180752774526981930580\
7421219373444958862430582255830964568040718780711338424240023031731915\
2027960883117576399740534879183029773098167729853871030586810863450242\
7979300856659904929771223254455590545813742383843014478449776712896619\
, 66420118553278887112879675783692236587071950682819809150775105120643\
2567061440512089017337490218598693436364588901214311010437078096212187\
1869567893290742866461360528243144920772361958447725691322073135213143\
0851959316928659411509076213126852647956475001029178370617879215374022\
4972894558060423446025237641517717915118179209512171226853467090988564\
0615719491303187359247305501058984254684201507892352325684365726170622\
0761310202711468801329236313417641669380812358008932945619815964568777\

0005111994973477279954992439972388855189867278807211846031162839479251\
3137996865474056261979599149651371809426132184389178650958171450425764\
1461319627681624085036205550976929580371550467763410122447363042446112\
6724495092523513022043413186813369943209318140474335951140599149860091\
8560769854096089726919463422023977529312018861102166585766483649269282\
4668130135342308175454412662385896583461713307931728899276251292512005\
9779973320782086756449807996268621398547348541834502110724889790956250\
6922412908543686909244526224094937193034515122216683646347320074020116\
7813569481533425722354285055962193444126867724090821097321370001900690\
0654129246804928550696539120139818272494333601350262236724934756016546\
2620024401467869311690755295412316257929556350239926417653363320068031\
0677657505573928917882522317625651962034702208728111968092589237291924\
6084215091711265993676371726596958567812050438486848204228529322652688\
6850528187093163359821697598989916833860048302871597510628400653060017\
6641537811238017070521919706792388642741929299849060916446965799761026\
6656406444775044407164319685459608684337647197262216949803711428982558\
3291051041985662831913330170965097143925134298883498998684122166562543\
7394462017704598466965566325206155823823219776760668918736750069397889\
9119174186283942304497721056472314055751236159668540811637614005512823\
5332544481600322865535093790664721508311146927803724323465074306611313\
4871693944314645712090281311330678363862957112003943119231837130567820\
3415751218174028853741054903569714019249237896707111704850619732488194\
6751401225500083921086872022062832085731355756592572088006241260563013\
29}

The seven ciphertexts c_1, \dots, c_7 (with $c_i = m^7 \pmod N$) are given as follows:

{170470844781108807559922184287579050956004691994168669881294423673665\
9507759070461338550065090452970035028905905566330636640755728686789002\
4610511831715812952984644544589937359734426032661837365230782131822072\
8841841949588163197849870789709295822607051752198820297195513461667899\
9492174868741160007074917988338987817066424344905997356699046145706361\
2564838546086179370094386108176725604643231637661940144995394923847784\
1988758889886228788069621527646054764834925398086448491055439543812919\
8032285575838595796372973948095102169363506445078804080285861533898513\
9305655600358451898241406426710751737881806433802479338160031036794094\
4590461877806310784626491689529604091462630245306034709259283420000912\
3091513392994320188613911928411700728243494991708944722193981343324227\
0310165660194296367854444409603022342062084650909918605784103140494340\
6125628949031881439883877312529173916151541006101912767445590630342306\
8318904576914999283855883182722135210501217482302178279045886770067107\
2780505040539867343763503078513676281338289730878553593349675957340670\
0808833533154098041152577939078795865388885218549275968784499241627939\
7459413704517292923756009888448754181208866050130326007202794598977735\
5394328783524860776210889037537410581211536904203176997466638107277911}

3259810908622066897572707968169190436423542847290275457734256334282826\
0194447773422977226517660239562684190773045460516423392262878445108651\
6862539290648173353453734510911680997333676523674138534858386007726682\
4992425516761884588979030772546389922887597269626719717840889329576428\
1014246570329792584564122415272718454372772452221376211861197067156487\
1289090299807714813513893801375814260102329626695466906398021124873509\
5111416796140511737648630593359854039041674741867759727135429658828992\
8973288795404432374885084961196831994661349853136895477278285773499389\
1658774391929331443455185804949916345209147436257567555223261447939152\
8578743064848643175732262012491300609228881077314068185105266579379345\
0291022507062835500552160508002021762231961512913370080238340436457319\
4659264761519831241392781595110968644871860875380669775348760761587417\
, 23230665771054356302390538475356394251672270710475821729586510394071\
5864203394695132246003614195306898480535749966054065933178432102309770\
1557395460691049882460558047681634014807966813401438432853167435991123\
0475540195801313252446719644607660771439171300531249379715332918692110\
9709335289116651545909513475898302346033420578321017448726819557202110\
8109018680558296990741150955597652189764947823827266306680469191928590\
4972626687512645960173723490533434439925082656040950030580518161379265\
3574930478030893102293292945813664515424128251176308631872937338223899\
5830294295954133932239521797666364459482442432956718067506530663864315\
3757358349361126543145543817815784452798773655714095116664254533486768\
5000924770618153670412090619901708233677059989163283358225452004038895\
2102478014810101559210031112720378173128419425101259190073422734018344\
3607566330143764603102283740386952382547065182924277916459919085092724\
0148346497443869655395575488533234579573695961061374427674932699093931\
9149146884972862272412020242948241176428828008570655340836574319521200\
8983864258267010322088256071154729178540782325146696309405836484416969\
1349537930817028545656184763043804965545199041476708836477765728583665\
5403261589155759486337049924632644850154635480272742806751556129156678\
0693821616982919085901807571406740669174628455875376455578700109644654\
1160959640958275843490504550482431519996612110574731868445164931338387\
1795470890374872332372691477975271515076146249436101759088398851105150\
6479669401089798985795814806109932150687208994353736614492633894890819\
4740372152981828443456459920470167405346437787633825498451608850190588\
7278440063985919625298089494627865372274259498899628758468379053364837\
4125076366735779317161221650691287199470061912402038795111310155908255\
3645328325921528449915671554750375184167071845386170383352683086653052\
2051497766976497917266971519410200641042965250883075845959026180058752\
3730760654236003742884349137311174833447715864253587340870774333843717\
9568490170283268641238331687451889194247705888390723910516943975926310\
2905826725176397704358955506313864162104778828796733063931553236205594\
12, 461868943779919165778579565952296278326151422821895906773510668453\
4282951647528138634642664927372734140771662945186306647157315767759798\
2914416740617233642439914654071591741934180857862975968530449327906751\

4606140438507733516395673138682829497908603928051934542598193504254627\
9482749937317093449614078507352150184986800770524039206308586856990946\
7260648762799883332118070240164759847650186999592051242659129225031918\
3135255680024889601749511484657808208807134710460673706427772705811246\
3283425718851171189394886947361323592591801799761564147287005693920522\
6464184929653296368102256313632061096930262628428640848246025123045815\
8031817275286452407408652285336291557466567915442639121770722673703355\
0612213803477730980849039737570332513893697511262145374031851579831115\
0784503111757340177104379286056402390237055441000687274121190790883704\
1438977027079696417957331588392692905065871859891066956802305965882395\
0610548326765213409524268489958231264812342576039471739915027372823672\
7576395735971379934468794031352445412063508442375516823845361202470612\
9469023770465460910427857518205491891957938074981559024819130458416563\
9548247774744187520376380996833656849264199484501526146731573538355135\
5443376206655150652717432230372283603120409477702963299513314678447176\
6259421070977144754836355935424402985644255376599532521534052873989749\
5521860562152524949729619720541365519175222303411521062502818113605422\
2189272934460704587094400018429912803046663651514308407493824827689284\
6426583758413723164362548764901545256168617493198179246329695550316870\
7680664201163204056650622275769098674327980178880643680546725373098369\
8607956266985193431736077763781480781024774562673161914705637724564389\
2935811834989634590264248852539410361841683197608510768759535549829126\
7371336192551002119145388088769505517841270672232817444524588719353012\
1533421878715126969184692895283724392106441048473562934388273564412648\
9697681020394202989455959889896598509751604759145710747077935073539665\
8175815479831469139450460474898252778572850942893151515608767752017765\
0057774428149591693029791776172511162241360587638580913477726374108967\
7333, 1446640954901937017638937138498862661128133716705740007794627831\
5970185143989755791382857960672267194537185353584876106938236510702443\
9001201410732786711052831387124739965307417700323180753357960891253800\
3039745772932661228275805975914095848983692956728384157110119154153218\
6083704233823438415335258687333283585281727680538808509946677498497544\
7984953463782595267712116256942181656752234452152995542042801370348184\
8190287344929098637003162559659219051176702421545953307291626161582822\
4848192100656146843450424799766469530634170458541880692704661633634436\
1500026847949579984383851342311657885675899072163383958725100433312847\
0952240943790152922175609303444089875341003954863631496227514715098650\
5469018347303777518314488477159280868851753412243386735304007498508555\
4072831307170404414361138005729565190113325260679038232296834604261843\
1678350997882604371810494448110379991845141637276887169822631378631505\
6536794657635835898310196280779105682076749925952255474751143036508698\
0024726904980687348228180257382961410014926269142590688616548564447831\
2633678984385166403467579133717590760468440856276400068060619922536615\
4950283747373204019800278968404169656723368287759723619894186364769176\
4346307728196733598264600020100430816701146828807195202694944167334999\

6044888531415228379069644303813883612005315583751531905304734750173090\
7853873872886775030865994435519258966579404802961990951133618887094638\
1022880166324010645991480316031462686654010653032872065101360780070692\
4798757976039261089826608833723059574417519263125040063651351657137642\
1580467934360745253746257161650758740584501920036724738738966699660314\
3229608493807610659997944489786181829783370652073909797283750363776667\
1179773172012770580114932092068103075825623642040662871373891325028591\
0290261436869207198199408714421623545992117985279548485272056538384618\
6261691134137134315104142214144568033670797803650410540442883628975881\
7521165314369397216469275487321083016496646340935116612213758740694078\
2629708362632763595923002403872286705165511104374948513822119037267114\
5076801177726150310648012143541387473158904888376510219499716458637315\
397402, 19773842179714605369005010082849740817413223979442000531533626\
4829195724133490707249292633828628150331213003457459252250370835418725\
6006356296474783388058342796987971542147474105405772997688326598745665\
8237862244713368846212225044640314959970762204699178313820535278836616\
3605088466629224968166330262166442935292580482246443918664186743178026\
7770772426069462463713877115197644345498291104471305599753242715315570\
9562085086513786881972014741235229438086738263871089858073329896617164\
5058523215769170217946833709554119247662370731939135995503648889443485\
8807150664190226692703827174902535744607147164034173278747580495794000\
3558095730537572720015593050177319179252601559197160100630501332735579\
2178357939825261463901088421733849221771207855159445854621991203564569\
3619539085112625537210686386790833311404289075971423380243358672751169\
6574791935335182016229811387014124080017929982175389221917684270666283\
1724022093194891469294467083123771254757560500176525493063535699338719\
5581811968972683329630224534449791148778869071987256571388049034057786\
8287364501593870047039646327361305677502223958928692125400771928097779\
6978230327093958761181356815011500186091116763052023906907348302931209\
2404492767750489488961109747477321560776362346696906196817331396952906\
0853677998886308546273036527867251252151176297962893742006267660721399\
0749284896554598585767622638493889035082480861392214965595722997211911\
6930857484202982413417142773174644454798005405655740156494944066719925\
5119713808894424323986487059827612892832249655653247784591551745089575\
8172285170908164661010433117141953989805454918770656106109287405097657\
6605693662892393767396820502750961374105671278238915213720325294952416\
9886001262357419937768801747660204213847659141606595024302981803018158\
6282052663893620260603250166361440842254364372836250523277540866506175\
2194848142090796092926454174753524052363519625622471477482062564918485\
4384815804605258936048609428948925399159747901448104747193533100874367\
2954085198272979725468173103714510761185374504568716242720892480039568\
8594100591372840390488071766375396686258384089957690783539331533380266\
3236469, 1871776536939604262607604913362471442762540451759827138985301\
3929788522679741840154586849054467782956059476296827540872522415752065\
3063197140465554527057247635280966964599076399056897411195850024659555\

4603405808146159234818708494669327139950764865708820104407771575865427\
6531474029649936185074702524556905691539646827226537350449788883932659\
0548795118624057514185291070413894630133154091075027552049069890095581\
6197776927238410945477709826221634756293102650767429774993195314516138\
7033299100425961863335022512482323775060751496018201028172865184506037\
0199479351040261691726484072519020242115235752842783621758224595362588\
4030866492397254946814585204182466337431239722783632642114621466359460\
869452647133255545709362699049140482479585534913093061699882304337078\
5582183916463120827668561627782106031089546941432959208814539335374909\
5224002862734937237392606466156540771322702561424480585317410310383349\
2324195376057050873366282171339640381085736584629922173002361009866204\
8185457775393581202739677168197834097853972938866742297870973542351522\
8969176331598851725058684611982080809066347196437100219739463983224502\
3768035549892540939055398614199975698792342583298285948121315770558244\
7207273551924755289763827094186033239982836081506684580431260054418800\
5382360888436952253127117068804842905097245713612029943506507125896641\
4389646916012336517395508452428575294106563905916972125485450501914086\
5168840899059783574582732488986489621168372866461561719018365530305975\
8705109075092452180011034007796588152721106755334433049593482322808807\
3850615502159647666380880815701882901427129834299786319768541552696154\
0361686725109071114139838198864611417028038683282922891389680108521955\
4760311693601967738390406338921244535431334071832522846760891135334047\
9286540382965188612536765061603845187929439388838992810883864042262468\
9879186081386618060180778731968120010430683015554341392198315733131400\
0706077964819593283576236689892721672433065467873236484331448704153267\
9077301328073733497763174478811341870291705301390645710948873115851226\
0873812916292525743798068306333215893695084335120041657965018426405619\
589674581, \
4728648972351260664866832925401395179239340604860149859946144947003904\
6374454392588172806634631217956870163558679858711443288470811050142131\
4417716591792047516009148248909293335898098210478769672487611725969632\
5754923190397124752199132581212641749187122793037849912063999699650135\
7355550550711169145735953534872277500274115599759581066184363011281239\
6891041725180294156730381405001559277406097822130243442754473608282683\
1126022682042375916250679505904645506246719158674092860439800757958135\
9199243173195300091907303688797582631565469232304163633510727461510332\
3642859741577484619371933736876951128200401579866360446223096630365025\
3896047543348302398015308186540507519287415218677046111884389414356630\
5957462973657530032263349472373699625105625535982973254194090977448600\
6059868876714903854807659685645956378806405213903430480642054456634213\
6827670745306406057941101304689678147042964807252466084528506198446383\
2128597993099215126532866782294013827899057833777344661292808991556384\
7261784853538765859507715601053298620677245663014904921766145325733208\
8545132328343390965626669532809160438335796906414989769811378555232231\
1438844405622169280355934116497276315120272849669472853821007913310890\

5675503509379937550898746538065202491197861357980753782015874497885550\
1821976433944658625946545426685748253125399764018099379705232457542016\
6332026533517677804779584609808533873422900048698142418495045613304767\
3982707031261665311323108724855501554497862413150421163216510486210664\
4161891300691439643600464714738495245380863306498541839025649104669451\
2399850919655888599765647148729410552104062930594566302947429528453803\
6861742189516590231659996970572301284069158017660612652094152744054251\
1459534049034568515239048408440153761972909089800806095339392875782838\
8269819415879141497472305522355487796083015097978616950464049583918702\
6567752154243933580006179039203215718277443974802342020832574429040053\
4178410261973156765976985697209935573079346420070542228340941266237089\
9027663486653034846764084628699508596372425879280752126910855294982992\
2987081848458196071940647385145135618220381191076219747234437513735026\
}

Your goal is to find m . **Hint: The solution involves the Chinese Remainder Theorem.**